

Zusammenfassung vom 09.11.2010

Leitungselektronen-
Konzentration im
n-dotierten Halbleiter

$$n(T) = 2n_D \frac{1}{1 + \sqrt{1 + 4 \frac{n_D}{N_{\text{eff}}^C} e^{\frac{E_d}{k_B T}}}}$$

Störstellen-Reserve
(*T tief*)

$$4 \frac{n_D}{N_{\text{eff}}^C} e^{\frac{E_d}{k_B T}} \gg 1 \quad \rightarrow \quad n(T) = \sqrt{n_D N_{\text{eff}}^C} e^{-\frac{E_d}{2k_B T}}$$

\rightarrow *exponentieller Anstieg von $n(T)$*

\rightarrow *es gibt noch genügend Donatoren, die ihr Elektron noch nicht an das Leitungsband abgegeben haben*

Störstellen-Erschöpfung
(*T hoch*)

$$4 \frac{n_D}{N_{\text{eff}}^C} e^{\frac{E_d}{k_B T}} \ll 1 \quad \rightarrow \quad n(T) = n_D \cong \text{const}$$

\rightarrow *alle Donatoren haben ihr Elektron abgegeben und Anregung aus dem Valenzband spielt noch keine Rolle*

intrinsischer Bereich
(*T sehr hoch*)

$$n_D^+ \ll n_i = p_i \quad \rightarrow \quad n = \sqrt{N_{\text{eff}}^C N_{\text{eff}}^V} e^{-\frac{E_g}{2k_B T}}$$

\rightarrow *Anregung aus dem Valenzband dominiert*

p-n-Übergang (*ohne Vorspannung*)

- *Idealisierung* : **abrupter** Übergang von p- zu n-Dotierung ohne Störung des Kristallgitters
- *es gilt Störstellenerschöpfung bei Raumtemperatur*

thermisches Gleichgewicht

- *chemisches Potential gleicht sich an: $\mu(\mathbf{x}) = \text{const.}$*
- *Leitungs- und Valenzband **verbiegen sich***

Makropotential → *es entsteht ein Makropotential $V(\mathbf{x})$ im Übergangsbereich*

Raumladungszone $\frac{\partial^2 V(\mathbf{x})}{\partial x^2} = -\frac{\rho(\mathbf{x})}{\epsilon\epsilon_0}$ *Krümmung des Makropotentials entspricht einer **Raumladungszone***

Ladungsneutralität
weit weg vom Übergang

$$n_D^+ \cong n_n \quad n_A^- \cong p_p$$

Majoritätsladungsträger *n_n, p_p*

Minoritätsladungsträger *n_p, p_n*

in der Raumladungszone

- *Konzentrationsgefälle erzeugt Diffusionsstrom j^{Diff} von Elektronen aus dem n- in den p-HL (n_p) und von Löchern aus dem p- in den n-HL (p_n)*
- *Makropotential erzeugt Feldstrom j^{Feld} von Elektronen aus dem p- in den n-HL und von Löchern aus dem n- in den p-HL*
- *im thermischen Gleichgewicht ist an jedem Ort x der Gesamtstrom $j = j^{\text{Diff}} + j^{\text{Feld}} = 0$*

Gleichgewichtsbedingung $n_i^2 = n_n p_n = n_p p_p = N_{\text{eff}}^C N_{\text{eff}}^V e^{-\frac{E_g}{k_B T}}$ $E_g = E_c^p - E_v^p = E_c^n - E_v^n$

Majoritätsladungsträgerkonzentrationen $n_n = N_{\text{eff}}^C e^{-\frac{E_c^n - \mu}{k_B T}}$ $p_p = N_{\text{eff}}^V e^{-\frac{\mu - E_v^p}{k_B T}}$

→ $\frac{n_n p_p}{n_i^2} = \frac{e^{(E_v^p - E_c^n)/k_B T}}{e^{-(E_c^n - E_v^n)/k_B T}} = e^{\frac{E_v^p - E_v^n}{k_B T}}$

Diffusionsspannung → $eV_D = (E_c^p - E_c^n) = (E_v^p - E_v^n) = kT \ln \frac{n_n p_p}{n_i^2}$ $V_D = \text{maximaler Wert von } V(x)$

Diffusionsstrom
$$\mathbf{j}^{\text{Diff}} = \mathbf{j}_n^{\text{Diff}} + \mathbf{j}_p^{\text{Diff}} = e \left(D_n \frac{\partial n(x)}{\partial x} - D_p \frac{\partial p(x)}{\partial x} \right) \quad \mathbf{D}_{n,p} = \text{Diffusionskonstanten}$$

mit
$$E_c(x) = E_c^p - eV(x) \quad \rightarrow \quad n(x) = N_{\text{eff}}^c e^{-\frac{E_c(x) - \mu}{k_B T}} = N_{\text{eff}}^c e^{-\frac{E_c^p - eV(x) - \mu}{k_B T}}$$

$$\rightarrow \quad \frac{\partial n(x)}{\partial x} = n(x) \frac{e}{kT} \frac{\partial V(x)}{\partial x}$$

mit
$$E_v(x) = E_v^n + eV(x) \quad \rightarrow \quad p(x) = N_{\text{eff}}^v e^{-\frac{\mu - E_v(x)}{k_B T}} = N_{\text{eff}}^v e^{-\frac{\mu - E_v^n - eV(x)}{k_B T}}$$

$$\rightarrow \quad \frac{\partial p(x)}{\partial x} = p(x) \frac{e}{kT} \frac{\partial V(x)}{\partial x}$$

Feldstrom
$$\mathbf{j}^{\text{Feld}} = \mathbf{j}_n^{\text{Feld}} + \mathbf{j}_p^{\text{Feld}} = e [n(x)\mu_n + p(x)\mu_p] \mathbf{E}(x) \quad \mathbf{E}(x) = -\frac{\partial V(x)}{\partial x} \quad \begin{array}{l} \text{durch } V(x) \\ \text{erzeugtes} \\ \text{Feld } E_x \end{array}$$

Einstein-Beziehung
$$\mathbf{j}^{\text{Diff}} + \mathbf{j}^{\text{Feld}} = 0 \quad \mu_{n,p} = \text{Beweglichkeit}$$

$$\rightarrow \quad D_{n,p} = \frac{kT}{e} \mu_{n,p}$$