

Zusammenfassung vom 23.04.2009

nur Lehramt, Meteorol., Geol. Wiss.:

I Ladung und elektrisches Feld

Gauß'sches Gesetz:
$$\Phi = \oint_{A_V} \vec{E}(\vec{r}) \cdot d\vec{A} = \frac{Q_{\text{innen}}}{\epsilon_0}$$

A_V = geschlossene Oberfläche um Volumen V

Q_{innen} = im Volumen V eingeschlossene Ladung

Integral-Form

$$\vec{\nabla} \cdot \vec{E}(\vec{r}) = \frac{\rho(\vec{r})}{\epsilon_0} = \text{div } \vec{E}(\vec{r})$$

$\rho(\vec{r}) = \frac{dq(\vec{r})}{dV}$ = Raumladungsdichte

$\vec{\nabla} = (\partial/\partial x, \partial/\partial y, \partial/\partial z)$ = Nabla-Operator

differentielle Form („Divergenz von E“)

Bsp: lokales Feld an der Oberfläche eines Leiters

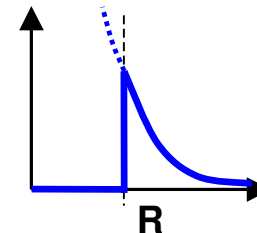
$$\vec{E}_{\text{lokal}}(\vec{r}) = \frac{\sigma_{\text{lokal}}}{\epsilon_0} \vec{n}_{\text{lokal}}$$

σ_{lokal} = lokale Flächenladungsdichte an der Leiteroberfläche

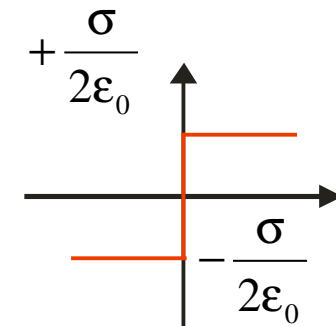
Bsp. elektr. Feld einer geladenen, leitenden Kugelschale mit Radius R

$$\vec{E}(\vec{r}) = \frac{1}{4\pi\epsilon_0} \frac{q}{r^2} \frac{\vec{r}}{r}, \quad r \geq R$$

$$\vec{E}(\vec{r}) = 0, \quad r < R$$



E ist unstetig!



Bsp: Feld einer homogen geladenen, ∞ -großen, leitenden Platte

$$E(\vec{r}) = \frac{\sigma}{2\epsilon_0} = \text{const}$$

$\sigma = Q/A$ = Flächenladungsdichte der Platte

II Elektrisches Potential

Arbeit an q im Feld \vec{E} : $dW = -\vec{F}_C \cdot d\vec{s} = -q \vec{E} \cdot d\vec{s}$

$$W_{12} = -q \int_{\vec{r}_1}^{\vec{r}_2} \vec{E}(\vec{r}') \cdot d\vec{s} \quad \text{Arbeit von Punkt 1 nach 2}$$

nur Monobachelor Physik:

da Coulomb-Kraft konservativ → Arbeit ist wegunabhängig, d.h. es existiert ein Potential

→ elektr. Feld ist wirbelfrei, d.h. es existieren keine geschlossenen Feldlinien

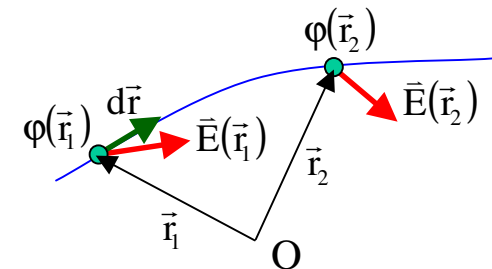
Wirbelfreiheit des elektr. Feldes: $\oint_S \vec{E} \cdot d\vec{s} = 0 \quad \vec{\nabla} \times \vec{E} = 0 = \text{rot } \vec{E} \quad \text{„Rotation von } E\text{“}$

elektrisches Potential: $d\varphi = -\vec{E} \cdot d\vec{s} \quad \varphi(\vec{r}) = -\int_{\vec{r}_1}^{\vec{r}_2} \vec{E}(\vec{r}') \cdot d\vec{s} \quad dE_{\text{pot}} = -q \vec{E} \cdot d\vec{s}$

elektrische Spannung: $U_{12} = \varphi_2 - \varphi_1 = \varphi_{12} = -\int_{\vec{r}_1}^{\vec{r}_2} \vec{E}(\vec{r}') \cdot d\vec{s} \quad U_{12} > 0, \text{ falls pot. Energie zunimmt für } q > 0$

Spannung = Potentialdifferenz

$$[\varphi] = [U] = 1 \text{ Volt} = 1 \text{ V} = 1 \frac{\text{J}}{\text{C}} = 1 \frac{\text{W}}{\text{A}}$$



II Elektrisches Potential

elektrisches Potential: $d\varphi = -\vec{E} \cdot d\vec{s}$ $\varphi(\vec{r}) = -\int_{\infty}^{\vec{r}} \vec{E}(\vec{r}') \cdot d\vec{s} = \int_{\vec{r}}^{\infty} \vec{E}(\vec{r}') \cdot d\vec{s}$

Konvention: $\varphi(r \rightarrow \infty) = 0$ (alternativ: $\varphi(\text{Erdoberfläche}) = 0$)

nur Monobachelor Physik:

Bsp: elektr. Potential einer Punktladung q im Ursprung $\varphi(\vec{r}) = \frac{1}{4\pi\epsilon_0} \frac{q}{r}$