

Zusammenfassung vom 01.02.2011

Bewegungsgleichung der TO Phononen

$$M \ddot{\vec{r}} + M \omega_{\text{TO}}^2 \vec{r} = q \vec{E} \quad \vec{r} = \text{Auslenkung der Ionen aus der Ruhelage}$$

mit Ansatz einer ebenen Welle für \vec{E} und $\vec{P} = Nq \vec{r}$

$$\rightarrow (-\omega^2 + \omega_{\text{TO}}^2) \vec{P} = \frac{Nq^2}{M} \vec{E}$$

$$\text{mit } \epsilon_0 c^2 k^2 \vec{E} = \omega^2 (\epsilon_0 \vec{E} + \vec{P})$$

Dispersionsrelation des Polaronen für $k \neq 0$

$$\rightarrow \det \begin{pmatrix} \epsilon_0 (\omega^2 - c^2 k^2) & \omega^2 \\ Nq^2/M & \omega^2 - \omega_{\text{TO}}^2 \end{pmatrix} = \epsilon_0 (\omega^2 - c^2 k^2) (\omega^2 - \omega_{\text{TO}}^2) - \omega^2 \frac{Nq^2}{M} = 0$$

Dispersionsrelation für $k = 0$

$$\rightarrow \omega_1^2 = \omega_{\text{TO}}^2 + \frac{Nq^2}{\epsilon_0 M} \quad \text{phononenartiger Ast}$$

$$\rightarrow \omega_2 = 0 \quad \text{photonenartiger Ast}$$

Dispersionsrelation für $k \rightarrow \infty$

$$\rightarrow \omega_1 = \frac{c}{\sqrt{\epsilon_\infty}} k \quad \text{photonenartiger Ast}$$

$$\rightarrow \omega_2 = \omega_{\text{TO}} \quad \text{phononenartiger Ast}$$

aus $\vec{D} = \epsilon_0 \vec{E} + \vec{P} = \epsilon(\omega) \epsilon_0 \vec{E}$ *und* $(-\omega^2 + \omega_{TO}^2) \vec{P} = \frac{Nq^2}{M} \vec{E}$

dielektrische Funktion des Polaritons

$\rightarrow \epsilon(\omega) = \epsilon_\infty + \frac{Nq^2}{\epsilon_0 M (\omega_{TO}^2 - \omega^2)}$ *ϵ_∞ berücksichtigt die energetisch höher liegenden Interbandübergänge*

aus $\epsilon(0) = \epsilon_\infty + \frac{Nq^2}{\epsilon_0 M \omega_{TO}^2}$ $\rightarrow \frac{Nq^2}{\epsilon_0 M} = \omega_{TO}^2 [\epsilon(0) - \epsilon_\infty]$

aus $\epsilon(\omega = \omega_{LO}) = 0 = \epsilon_\infty + \frac{Nq^2}{\epsilon_0 M (\omega_{TO}^2 - \omega_{LO}^2)} = \frac{\omega_{TO}^2 \epsilon(0) - \omega_{LO}^2 \epsilon_\infty}{\omega_{TO}^2 - \omega_{LO}^2}$

Lyddane-Sachs-Teller-Relation

$\rightarrow \frac{\epsilon(0)}{\epsilon(\infty)} = \frac{\omega_{LO}^2}{\omega_{TO}^2}$

dielektrische Funktion des Polaritons

$\rightarrow \epsilon(\omega) = \epsilon(\infty) \frac{\omega_{LO}^2 - \omega^2}{\omega_{TO}^2 - \omega^2}$ $\omega \rightarrow \omega_{LO} \rightarrow \epsilon \rightarrow 0,$
 $\omega \rightarrow \omega_{TO} \rightarrow \epsilon \rightarrow \infty,$

Bandlücke des Polaritons

$\omega_{TO} < \omega < \omega_{LO} \rightarrow \epsilon < 0 \rightarrow$ *keine propagierenden Wellen mehr, da k imaginär wird!*

$\rightarrow \exists$ *Bandlücke !*

\rightarrow *Totalreflexion in der Bandlücke*

Exziton gebundener Elektron-Loch-Zustand in der Bandlücke

- *Bindungsenergie: 1 meV - 1 eV*
- *Analogie zum Wasserstoffatom*
- *nicht stabil: Zerfall durch Elektron → Loch-Rekombination*

Mott-Wannier-Exziton delokalisiertes Exziton

- *schwach gebunden*
- *erstreckt sich über mehrere Gitterkonstanten*

Frenkel-Exziton lokalisiertes Exziton

- *Exziton ist an einem Atom oder Molekül gebunden*
- *können sich mittels Hopping nur langsam durch den Kristall bewegen*

Energie-Niveaus des Exzitons Beschreibung mittels Wasserstoffatom-Modell

- *betrachte Exziton als Quasiteilchen mit reduzierter Masse μ^* und Impuls des Schwerpunktes \vec{K} :*

$$E_{n,\vec{K}} = E_g - \frac{\mu^* e^4}{32\pi^2 \hbar^2 \epsilon^2 \epsilon_0^2} \frac{1}{n^2} + \frac{\hbar^2 K^2}{2(m_e^* + m_h^*)} \quad \frac{1}{\mu^*} = \frac{1}{m_e^*} + \frac{1}{m_h^*}$$

Wasserstoff-Niveau parabolisches Band

Raman-Effekt inelastische Streuung von Photonen durch Erzeugung oder Vernichtung von Phononen (oder Magnonen)

Auswahlregeln für Raman-Effekt (1. Ordnung)

$\omega' = \omega \pm \Omega$ $\hbar\omega, \hbar\vec{k} = \text{Energie, Impuls des einfallenden Photons}$
 $\vec{k}' = \vec{k} \pm \vec{K}$ $\hbar\omega', \hbar\vec{k}' = \text{Energie, Impuls des gestreuten Photons}$
 $\hbar\Omega, \hbar\vec{K} = \text{Energie, Impuls des erzeugten oder vernichteten Phonons}$

→ beim Raman-Effekt 2. Ordnung sind zwei Phononen beteiligt

Stokes-Prozess Erzeugung eines Phonons: $\omega' = \omega - \Omega$

Anti-Stokes-Prozess Vernichtung eines Phonons: $\omega' = \omega + \Omega$

Ursache des Raman-Effekts Abhängigkeit der Polarisierbarkeit α von der Auslenkung der Ionen

→ betrachte eine Phononen-Schwingung mit Auslenkung $r(t)$:

nichtlineare Polarisierbarkeit

$$\alpha(r) = \alpha_0 + \alpha_1 r(t) + \alpha_2 r^2(t) + \dots$$

mit $r(t) = r_0 \cos(\Omega t)$ → $p(t) = \alpha(r)E(t) = \alpha_0 E_0 \cos(\omega t) + \alpha_1 r_0 E_0 \cos(\omega t) \cos(\Omega t)$

und $E(t) = E_0 \cos(\omega t)$

induzierte Polarisation

→
$$p(t) = \underbrace{\alpha_0 E_0 \cos(\omega t)}_{\text{elastische Streuung}} + \frac{1}{2} \alpha_1 r_0 E_0 \left\{ \underbrace{\cos[(\omega + \Omega)t]}_{\text{Anti-Stokes-Linie}} + \underbrace{\cos[(\omega - \Omega)t]}_{\text{Stokes-Linie}} \right\}$$

inelastische Streuung: Raman-Effekt